

**Ejercicio 1**

Se desea **diseñar** un algoritmo recursivo no final denominado *calculoSept2011* de acuerdo con el esquema propuesto en clase (con las funciones **esCasoBase**, **solucionBase**, **siguiente** y **combina**) para calcular el sumatorio desde un valor de  $\alpha=i$  hasta  $n$  de la expresión  $(i!/\alpha!)*(2*A[\alpha]*B[\alpha])$ . Siendo A y B dos vectores de  $n$  enteros cada uno e  $i$  un valor comprendido entre 1 y  $n$ .

$$\text{calculoSept2011}(A, B, i, n) = \sum_{\alpha=i}^n (i!/\alpha!) * (2 * A[\alpha] * B[\alpha])$$

Tenga en cuenta que esta expresión es equivalente a:

$$\text{calculoSept2011}(A, B, i, n) = 2 * A[i] * B[i] + (1/(1+i)) * \sum_{\alpha=i+1}^n ((i+1)!/\alpha!) * (2 * A[\alpha] * B[\alpha])$$

**SE PIDE**

- a) Realizar la implementación en C del esquema propuesto en clase para el diseño recursivo no final para este problema y los métodos correspondientes de dicho esquema:

```
float calculoSept2011 (           ) {
    // TO DO
}
logico esCasoBase (           ) {
    // TO DO
}
float solucionBase (           ) {
    // TO DO
}

..... siguiente (           ) {
    // TO DO
}

float combina (           ) {
    // TO DO
}
```

- b) **Cómo debe llamarse a la función implementada** si queremos calcular el sumatorio pedido desde la posición 3 a la 6 de dos vectores A y B dados de 6 enteros cada uno.
- c) Indicar con respecto a la complejidad algorítmica: ¿Qué es **tamaño del problema**?
- d) **Describe el caso mejor y el caso peor** de la implementación realizada de *calculoSept2011* y calcule el **T(n)** para cada uno de los dos casos.

**Tiempo estimado: 45 min.**

**Puntuación: 3.0 puntos**

**Solución del Ejercicio número 1.**

**Se supone existe un fichero con los tipos definidos**

```
typedef enum{false, true} logico;
typedef struct{
    float *a;
    float *b;
    int i;
    int n;
} CuatroDatos;

float calculoSept2011(CuatroDatos n){
    float r, rSig;
    CuatroDatos nSig;

    if (esCasoBase(n)) {
        r = solucionBase(n);
    }
    else {
        nSig = siguiente(n);
        rSig = calculoSept2011(nSig);
        r = combina(n, rSig);
    }
    return r;
}

logico esCasoBase(CuatroDatos q){
    return(q.i==q.n);
}

float solucionBase(CuatroDatos q){
    return(2*q.a[q.i]*q.b[q.i]);
}

CuatroDatos siguiente(CuatroDatos q){
    CuatroDatos qsig={q.a,q.b,q.i+1,q.n};
    return(qsig);
}

float combina(CuatroDatos q, float rSig){
    float p= (float) 1/(q.i+1);
    float r= 2*q.a[q.i]*q.b[q.i] + p*rSig;
    return(r);
}
```

**Apartado b)** Se debe hacer la llamada para  $i$  uno menos que el valor dado y para  $n$  igual. Para el caso de la llamada para ir de 3 a 6, en  $q.i$  debe ser instanciado a 2 y en  $q.j$  de CuatroDatos debería instanciarse a 5. Ejemplo:

```
CuatroDatos d;
float x[7]={2.0,3.0,4.0,6.0,1.0,8.0,23.0};
float y[7]={4.0,6.0,9.0,1.0,6.0,5.0,12.0};
d.a=x;
d.b=y;
d.i=2;
d.n=5;
float r=calculoSept2011(d);
```

**Apartado c)** El tamaño del problema es  $n-i+1$

**Apartado d)** Los caso mejor y peor son el mismo disponer de dos vectores y hacer el recorrido desde  $i$  hasta  $n$ , y la complejidad del caso mejor y peor por tanto es la misma:

$$T(n) = T(n-1) + k$$

Por tanto  $T(n) = k_1 * n + k_2 \in \Theta(n)$ . Es un algoritmo lineal